

Devoir de contrôle N°2
Mathématiques

Lycée secondaire : Teboulba
Durée : 2 H

Exercice N°1 : (12 pts)

On considère la fonction f définie sur IR par :

$$\begin{cases} f(x) = x^2 - ax + 3 & \text{si } x < 3 \\ f(x) = \sqrt{x-3} & \text{si } 3 \leq x \leq 4 \\ f(x) = \frac{x^2+1}{x-4} & \text{si } x > 4 \end{cases} ; a \in IR$$

- 1- a) Déterminer le réel a pour que f soit continue en 3.
b) f est-elle continue en 4.

Dans la suite : **On prend $a = 4$**

2- Montrer que f est continue sur $IR \setminus \{4\}$.

- 3- a) Montrer que f est dérivable à gauche en 3.
b) Ecrire une équation de la demi-tangente à (ζ_f) au point d'abscisse 3.
c) Etudier la dérivabilité de f à droite en 3. Interpréter graphiquement le résultat obtenu.
d) Construire dans un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) les tangentes au point d'abscisse 3

- 4- a) Calculer $f'(x)$, pour $x \in]-\infty, 3[$ et $x \in]4, +\infty[$.
b) Ecrire une équation de la tangente (T) à (ζ_f) au point d'abscisse 1.
c) **Soit** $x \in]4, +\infty[$
Déterminer les points de (ζ_f) où la tangente est parallèle à la droite $\Delta : y = -16x + 1$.
d) **Soit** $x \in]-\infty, 3[$
Ecrire une équation de la tangente à (ζ_f) qui passe par $A(0, -6)$.

Exercice N°2 : (8 pts)

Soit la fonction f définie sur IR par : $f(x) = \cos 2x + 5 \sin x - 3$.

- 1- a) Montrer que pour tout $x \in IR$: $f(x) = -2 \sin^2 x + 5 \sin x - 2$
b) Résoudre dans IR l'équation $f(x) = 0$ et construire les images des solutions sur le cercle trigonométrique .

- 2- a) Résoudre dans $[-\pi, \pi]$; l'inéquation $f(x) > 0$.
b) Donner le signe de $f(x)$ sur $[-\pi, \pi]$.

3- Soit $h : [-\pi, \pi] \rightarrow IR$
$$x \mapsto \frac{f(x)}{2 \cos x - \sqrt{3}}$$

- a) Préciser D_h le Domaine de définition de h .
b) Résoudre dans $[-\pi, \pi]$ l'inéquation $h(x) \geq 0$.

Bon Travail